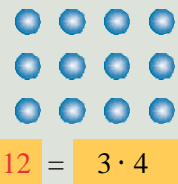
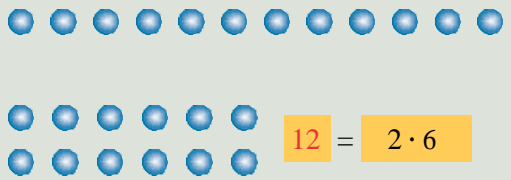


## Ripassa

### Divisori e multipli

Divisori



1, 2, 3, 4, 6, 12 si chiamano divisori di 12.

I divisori di un numero diverso da 0, sono in numero finito.

Multipli

$$4 \cdot 1 = 4 \quad 4 \cdot 2 = 8 \quad 4 \cdot 3 = 12 \quad \dots \quad 4 \cdot 6 = 24$$

I numeri 4, 8, 12, ... 24, ... si chiamano multipli di 4.

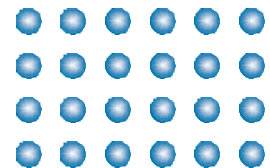
I multipli di un numero diverso da 0, sono infiniti.

## Applica

### Divisori e multipli

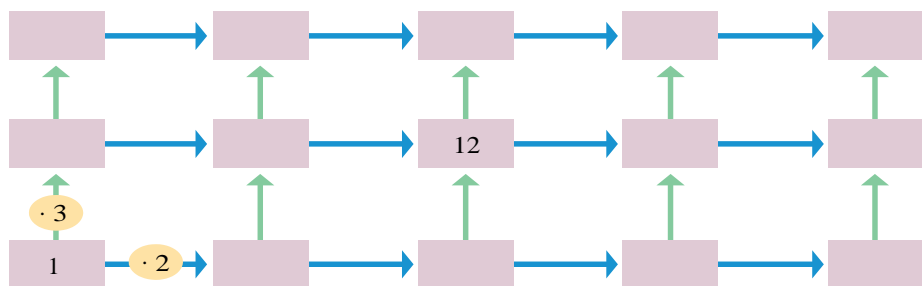
1 Con il numero 24 si può costruire uno schieramento esatto di biglie (cioè senza resto) e diverso dalla fila indiana.

Osserva la figura a fianco. È possibile costruire altri schieramenti esatti? Provacì!



2 Scrivi tutti i divisori dei numeri 28 e 36. Scrivi dieci multipli di 8 e dieci multipli di 20.

3 Completa questa figura.



## Ripassa

### Criteri di divisibilità

Numeri divisibili per 2, 5, 10, 4, 3, 9, 25

Un numero è divisibile per:

- 2, quando l'ultima cifra a destra è pari (cioè è una delle cifre 0, 2, 4, 6, 8);
- 5, quando l'ultima cifra a destra è 0 oppure 5;
- 10, quando l'ultima cifra a destra è 0;
- 4, quando è divisibile per 4 il numero formato dalle ultime due cifre a destra;
- 3 oppure per 9, quando la somma delle sue cifre è un numero divisibile per 3 o per 9;
- 25, quando è divisibile per 25 il numero formato dalle ultime due cifre a destra (queste ultime cifre possono essere solo: 00, 25, 50, 75).

**Applica****Criteri di divisibilità**

4 Completa la tabella.

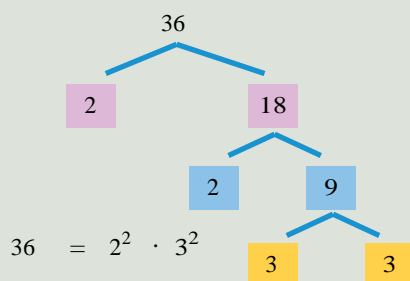
	È divisibile per:						
	2	4	5	3	9	10	25
15	NO	NO	SÌ	SÌ	NO	NO	NO
24							
30							
35							
42							
45							
50							
60							
75							
80							
100							

5 Colora in rosso i numeri divisibili per 3 e in verde quelli divisibili sia per 3 e per 9.

36	33	45	51	39	6	60	90	27
39	57	210	93	54	300	66	306	255

**Ripassa****Scomposizione di un numero in fattori primi**

$$\begin{aligned}
 36 &= 2 \cdot 18 \\
 &= 2 \cdot 2 \cdot 9 \\
 &= 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \\
 &= 2^2 \cdot 3^2
 \end{aligned}$$

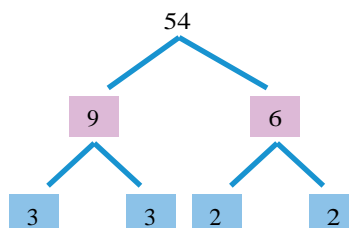
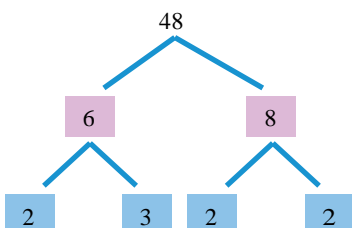


$$\begin{array}{r|l}
 36 & 2 \\
 18 & 2 \\
 9 & 3^2 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}$$

**Applica****Scomposizione di un numero in fattori primi**

6 Scomponi in fattori primi (con il metodo grafico che preferisci) i numeri: 24; 42; 56; 60; 84.

7 Nelle scomposizioni vi sono alcuni errori. Correggili:



1 Ricopia sul quaderno e completa la tabella.

$a$	$b$	$a$ $b$	M.C.D. ( $a$ ; $b$ )	m.c.m. ( $a$ ; $b$ )	M.C.D. m.c.m.	m. c. m. : M.C.D.
6	15					
12	16					
24	72					
2	3	$2^2$ 3				
3	$n$	$2^3$ $n$				

2 Se la misura del lato del quadrato è espressa da un numero primo, lo è anche la misura del perimetro? E quella dell'area? Perché?

n Completa le seguenti tabelle

3		pari	dispari		pari	dispari
	pari			pari		
	dispari			dispari		

4 Il crucinnumero

	1	2	3	4	5
A				■	
B			■		
C		■			
D	■			■	
E			■		■

Orizzontali:

- m.c.m. (60; 36);  
M.C.D. (48; 8).
- Multiplo di 11;  
M.C.D. (90; 126).
- Il doppio del doppio dell'unità;  $2^3$  ( $5^2 - 1$ ).
- Numero primo fra 40 e 50; m.c.m. (2; 4; 8).
- La somma delle sue cifre è 15, la differenza è 1; il più grande divisore di 9.

Verticali:

- Il quadrato di 12; è divisore di 7.
- $2^2 - 3 - 7$ ; il prodotto delle sue cifre è 32, il quoziente è 2.
- $1246^0 - 948^0$ ; numero primo maggiore del doppio di 11 e minore del doppio di 12.
- È multiplo di 10 ed è divisore di 10;  
 $10^3$  ( $2 - 3^2 - 5 - 11 - 2^0 - 3^0 - 5^0$ ).
- Numero formato da quattro cifre uguali, divisibili per 8.

5 Un orologio con le lancette va avanti 3 minuti ogni ora. Se viene regolato esattamente alle ore 0 del 1° gennaio, quando darà di nuovo l'ora esatta?

[alle 24 del 10 gennaio]

6 Prova a sommare fra loro due numeri primi a piacere.

Ottieni sempre un numero pari? Perché? Rispondi per esteso.

Sommando due numeri primi si può ottenere un altro numero primo?

Se la risposta è sì, fai qualche esempio.

7 Calcola M.C.D. e m.c.m. sapendo che  $n$  è un numero naturale diverso da 0.

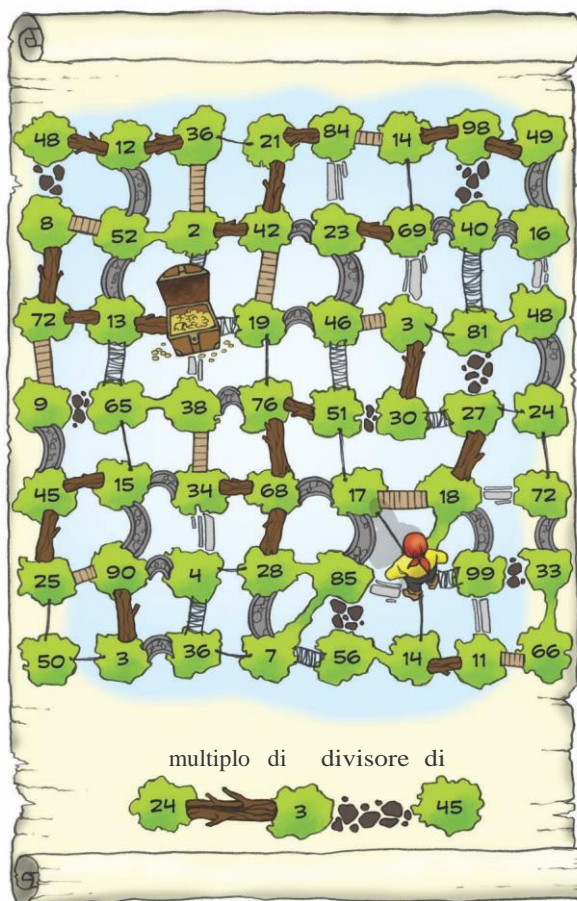
M.C.D. (1;  $n$ )                      m.c.m. (1;  $n$ )

M.C.D. ( $n$ ;  $n$ )                      m.c.m. ( $n$ ;  $n$ )

8 Per trovare il tesoro, questo pirata deve passare da un numero all'altro.

Ma deve cercare una volta un multiplo, una volta un divisore, come si vede dall'esempio.

Riuscirà a raggiungere il tesoro?



# Test di autovalutazione: **DIVISIBILITA' in N**

**1** Quale affermazione è falsa?

Se un numero è divisibile:

- a per 3 e per 5, è anche divisibile per 15.
- b per 2 è anche divisibile per 4.
- c per 4 è anche divisibile per 2.
- d per 15 è divisibile anche per 3 e per 5.
- e per 3 e per 4 è anche divisibile per 12.

**2** Dato il numero 60, quale fra i seguenti gruppi di numeri è l'insieme di tutti i suoi divisori?

- a 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30, 60
- b 1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30
- c 1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30, 60
- d 1, 2, 3, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30, 60
- e 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30

**3** Quale numero è primo?

- a 2    b 57    c 15    d 33    e 1

**4** Un numero primo è:

- a non divisibile per alcun numero.
- b divisibile solo per 1.
- c un qualunque numero dispari.
- d divisibile solo per se stesso.
- e divisibile solo per 1 e per se stesso.

**5** La somma di tutti i numeri primi tra 10 e 20 è:

- a 90    b 75    c 80    d 70    e 60

**6** Il più piccolo numero naturale che può essere diviso esattamente per 3, 4, 6 e 9 è:

- a 36    b 24    c 18    d 12    e 90

**7** Considera i sei numeri primi 53, 59, 67, 71, 73 e 79. Qual è l'altro numero primo tra 50 e 80?

- a 57    b 61    c 63    d 74    e 77

**8** Considera i numeri 13, 24, 31, 65, 75 e 125. Tre di questi numeri hanno un fattore comune. Qual è?

- a 3    b 15    c 5    d 13    e 25

**9** Dato il numero 180, qual è la sua scomposizione in fattori primi?

- a  $2^3 \cdot 3^2 \cdot 5$     b  $4 \cdot 3^2 \cdot 5$     c  $2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$
- d  $2^2 \cdot 3 \cdot 5^2$     e  $2^2 \cdot 3^3$

**10** Dati i numeri 2, 6, 24, 8 qual è il loro M.C.D.?

- a 1    b 6    c 2    d 24    e 8

**11** Dati i numeri 4 e 12, qual è il loro m.c.m.?

- a 24    b 4    c 8    d 12    e 48

**12** Dati i numeri 9 e 15, qual è il loro m.c.m.?

- a 24    b 135    c 45    d 90    e 15

**13** Il numero di numeri primi compresi tra 10 e 30 è:

- a 2    b 5    c 1    d 6    e 8

**14** Il m.c.m. di 3, 4 e 6 è:

- a 12    b 24    c 13    d 48    e 72

**15** Dato il numero 320, qual è la sua scomposizione in fattori primi?

- a  $2^5 \cdot 5^2$     b  $2^6 \cdot 5$     c  $2^5 \cdot 5$
- d  $2^4 \cdot 3^2 \cdot 5$     e  $3^2 \cdot 5^3$

## Proprietà delle POTENZE in N, Z e Q

Le proprietà che seguono sono della massima importanza:

### 1. PRODOTTO DI DUE POTENZE DI UGUAL BASE

$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$	$5^3 \cdot 5^2 = (5 \cdot 5 \cdot 5) \cdot (5 \cdot 5) = 5^{3+2} = 5^5$ $4^2 \cdot 4 \cdot 4^3 = 4^{2+1+3} = 4^6$
---------------------------	--

### 2. QUOZIENTE DI DUE POTENZE DI UGUAL BASE

$a^m \div a^n = a^{m-n}$ con $a \neq 0$ e $m \geq n$	$5^3 \div 5^2 = 5^{3-2} = 5$ $8^5 \div 8^5 = 8^{5-5} = 8^0 = 1$ $a^5 \div a^3 = a^2$
---	--

### 3. POTENZA DI UNA POTENZA

$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$	$(2^3)^2 = 2^{3 \cdot 2} = 2^6 = 64$ $\left\{ \left[ (3^2)^3 \right]^5 \right\}^4 = 3^{2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 4} = 3^{120}$
---------------------------	---

### 4. POTENZA DI UN PRODOTTO

$(a \cdot b \cdot c)^n = a^n \cdot b^n \cdot c^n$	$(3 \cdot 4)^2 = 3^2 \cdot 4^2$ $(4 \cdot 7 \cdot 11)^3 = 4^3 \cdot 7^3 \cdot 11^3$
---	--

### 5. POTENZA DI UN QUOZIENTE ESATTO (QUOTO)

$(a \div b)^n = a^n \div b^n$ ; con $a$ multiplo di $b$ e $b \neq 0$	$(8 \div 4)^3 = 8^3 \div 4^3 = 512 \div 64 = 8$ $(4 \cdot 7 \cdot 11)^3 = 4^3 \cdot 7^3 \cdot 11^3$
---	--

### RICORDA in Z (numeri interi) o Q (numeri razionali)

Se $a < 0$ e $n$ pari allora $a^n$ positiva	$(-2)^4 = +16$ ;	$\left(-\frac{2}{3}\right)^2 = +\frac{4}{9}$ ;
Se $a < 0$ e $n$ dispari allora $a^n$ negativa		
Se $a > 0$ allora $a^n$ sempre positiva	$(-2)^3 = -8$ ;	$\left(-\frac{2}{3}\right)^3 = -\frac{8}{27}$

### RICORDA:

<ul style="list-style-type: none"><li><math>0^n = 0</math> con <math>n \in N</math> e <math>n \neq 0</math></li><li><math>a^0 = 1</math></li><li><math>a^1 = a</math></li></ul>
---

### ATTENZIONE:

<ul style="list-style-type: none"><li><math>(-2)^2 = +4</math></li><li><math>-2^2 = -4</math></li></ul>
---

## ESERCIZI

1. **COMPLETA** applicando le proprietà a fianco indicate:

Semplifica la seguente espressione:

$$\begin{aligned}
 & \left[ (-3)^2 \right]^2 \div \left\{ \left[ (-3)^2 \right]^3 \cdot \left[ (-3)^2 \right]^2 \div \left[ (-3)^4 \right]^2 \right\} = \\
 & = (-3)^4 \div \left\{ (-3)^{\dots\dots\dots} \cdot (-3)^{\dots\dots\dots} \div (-3)^{\dots\dots\dots} \right\} = && \text{Potenza di potenza} \\
 & = (-3)^4 \div \left\{ (-3)^{\dots\dots\dots} \div (-3)^{\dots\dots\dots} \right\} = && \text{Prodotto di potenze con la stessa base} \\
 & = (-3)^4 \div (-3)^{\dots\dots\dots} = && \text{Quoziente di potenze con la stessa base} \\
 & = (-3)^{\dots\dots\dots} = +9 && \text{Quoziente di potenze con la stessa base}
 \end{aligned}$$

2. **PROVA tu**

Semplifica la seguente espressione, applicando le proprietà delle potenze:

$$\begin{aligned}
 & \left[ (-21)^3 \right]^2 \div \left[ (-3)^4 \cdot (-3)^2 \right] \div (-7)^5 = \\
 & = (-21)^{\dots\dots\dots} \div (-3)^{\dots\dots\dots} \div (-7)^5 = \\
 & = (\dots\dots\dots)^{\dots\dots\dots} \div (-7)^5 = -\dots\dots\dots
 \end{aligned}$$

3. **CALCOLA** il valore delle seguenti espressioni in Z, applicando le proprietà delle potenze:

<p>a) <math>\left[ (-2)^4 \div (2)^2 \right]^3 \cdot (3)^6</math></p>	<p>b) <math>\left[ (4)^2 \div (-4)^5 \right]^2 \div (-2)^{14}</math></p>
<p>c) <math>\left[ (-4)^2 \div (4)^3 \right] \div (-4)^4</math></p>	<p>d) <math>\left[ (2)^3 \cdot (-3)^3 \right]^2 \div (-6)^5</math></p>
<p>e) <math>\left\{ \left[ (-2)^5 \cdot (-2) \cdot (-2)^0 \right]^3 \div \left[ (-2)^4 \cdot (-2)^3 \right] \right\} \div (-2)^{10}</math></p>	
<p>f) <math>\left\{ \left[ (-3)^6 \cdot (-3) \cdot (-3)^0 \right]^2 \div \left[ (-3)^4 \cdot (-3)^2 \right] \right\} \div (-3)^7</math></p>	
<p>g) <math>\left\{ \left[ (-4)^3 \right]^2 \div \left[ (-4)^2 \right]^3 \right\}^0 - \left\{ \left[ (-6)^3 \div (-3)^3 \right] \right\}</math></p>	
<p>h) <math>\left[ (-4)^4 \cdot (-4)^3 \div (-4)^6 \right]^2 - (2^3 - 2^2 - 9) \cdot (4^4 \div 4^2 - 20)</math></p>	

4. **COMPLETA** inserendo i simboli = o ≠

$(-3)^{15} \dots\dots\dots (+3)^{15}$	$(-5)^{16} \dots\dots\dots (+5)^{16}$	$(-3)^4 \dots\dots\dots (+3)^4$
$\left( +\frac{3}{4} \right)^5 \dots\dots\dots \left( -\frac{3}{4} \right)^5$	$\left( -\frac{1}{2} \right)^0 \dots\dots\dots \left( +\frac{1}{2} \right)^0$	$\left( +\frac{2}{7} \right)^5 \dots\dots\dots \left( -\frac{2}{7} \right)^5$

5. CALCOLA il valore delle seguenti espressioni in Q, applicando le proprietà delle potenze:

$$\text{a) } \left\{ \left[ \left( +\frac{4}{9} \right)^3 \cdot \left( +\frac{4}{9} \right)^4 \right]^2 \right\}^3 \div \left[ \left( +\frac{4}{9} \right)^4 \cdot \left( +\frac{4}{9} \right)^4 \right]^5 \quad \left[ +\frac{16}{81} \right]$$

$$\text{b) } \left( -\frac{2}{7} \right)^3 \cdot \left\{ \left[ \left( -\frac{2}{7} \right)^4 \cdot \left( -\frac{2}{7} \right)^2 \cdot \left( -\frac{2}{7} \right) \right]^2 \right\}^5 \div \left\{ \left[ \left( -\frac{2}{7} \right)^8 \cdot \left( -\frac{2}{7} \right)^{10} \right]^2 \right\}^2 \quad \left[ -\frac{2}{7} \right]$$

$$\text{c) } \left\{ \left[ \left( -\frac{2}{3} \right)^2 \cdot \left( +\frac{6}{5} \right)^2 \right]^3 \right\}^4 \div \left\{ \left[ \left( -\frac{4}{5} \right)^2 \right]^3 \cdot \left( -\frac{4}{5} \right)^2 \right\}^3 \quad [+1]$$

$$\text{d) } \left\{ \left( -\frac{6}{7} \right)^2 \left[ \left( -\frac{6}{7} \right)^8 \div \left( -\frac{6}{7} \right)^6 \right]^2 \right\}^2 \div \left[ \left( -\frac{6}{7} \right)^5 \cdot \left( -\frac{6}{7} \right)^2 \right]^2 \quad \left[ +\frac{49}{36} \right]$$

$$\text{e) } \left( 2 - \frac{3}{2} \right)^2 \cdot \left( 1 + \frac{1}{3} \right)^2 \div \left( -\frac{1}{3} \right) + \left( -\frac{1}{2} \right)^3 \div \left( -\frac{1}{2} \right) \quad \left[ -\frac{13}{12} \right]$$

$$\text{f) } \left\{ \left[ -2 \div \left( -\frac{1}{3} \right) + (-3)^5 \div (-3)^3 \right] \div \left[ \left( -\frac{2}{3} \right)^2 \cdot \left( -\frac{2}{3} \right)^3 \div \left( \frac{1}{3} \right)^5 + 33 \right] \right\} \div (-5)^1 \quad [-3]$$

$$\text{g) } \left[ \left( 2 - \frac{1}{2} \right)^2 \cdot \left( 1 - \frac{2}{3} \right)^2 + \left( \frac{9}{10} - \frac{2}{5} - 4 \right) \div \left( 3 + \frac{1}{2} \right) \right]^5 \div \left( -\frac{3}{4} \right)^3 \quad \left[ +\frac{9}{16} \right]$$

$$\text{h) } \left( \frac{1}{2} \right)^2 \left[ \left( 1 - \frac{1}{2} \right)^2 \div \left( 1 - \frac{2}{3} \right)^3 - \frac{1}{2} \div \left( \frac{1}{2} \right)^3 \right]^2 \div \left[ \left( \frac{3}{2} - \frac{1}{4} \right)^2 \div \frac{5}{4} - \left( \frac{3}{4} \right)^2 \right] \quad \left[ \frac{11}{4} \right]$$

# I DECIMALI

## Esercizi di rinforzo

### Ripassa

#### Dal numero decimale alla frazione decimale

$$0,1 = \frac{1}{10} \text{ (1 cifra decimale)} \quad 2,34 = \frac{234}{100} \text{ (2 cifre decimali)} \quad 0,004 = \frac{4}{1000} \text{ (3 cifre decimali)}$$

Chiamiamo **frazione decimale** una frazione che ha per denominatore una potenza di 10.

►  $\frac{3}{10}$ ;  $\frac{2}{100}$ ;  $\frac{17}{1000}$ ; ...

### Applica

#### Dal numero decimale alla frazione decimale

1 Trasforma i numeri decimali in frazioni decimali.

0,7      2,32      7,7      0,12      0,04      2,5      2,001      3,5      4,07      0,009

2 Sottolinea le frazioni che non sono decimali.

$\frac{2}{3}$        $\frac{7}{100}$        $\frac{1}{7}$        $\frac{9}{1000}$        $\frac{3}{10}$        $\frac{3}{9}$        $\frac{223}{10}$        $\frac{15}{1000}$        $\frac{15}{9}$        $\frac{25}{122}$        $\frac{13}{140}$        $\frac{9}{7}$

3 Metti il segno = o ≠ tra le seguenti coppie.

$\frac{3}{10} \square 10,3$        $\frac{7}{100} \square 0,07$        $\frac{19}{10} \square 0,19$        $\frac{19}{10} \square 1,9$        $\frac{8}{1000} \square 0,08$        $\frac{19}{1000} \square 0,019$   
 $\frac{15}{100} \square 0,15$        $\frac{13}{10} \square 0,13$        $\frac{6}{10} \square 0,6$        $\frac{225}{10} \square 2,25$        $\frac{225}{10} \square 22,5$        $\frac{225}{10} \square 0,225$

### Ripassa

#### Frazioni e numeri decimali

La frazione  $\frac{4}{5}$  rappresenta il numero **decimale limitato** 0,8 perché

$$\begin{array}{r} 4 \overline{) 5} \\ \underline{08} \\ 0 \end{array}$$

la divisione si è arrestata

La frazione  $\frac{707}{99}$  rappresenta un numero **decimale illimitato**, perché

$$\begin{array}{r} 707 \phantom{00} \\ 140 \phantom{00} \\ 410 \phantom{00} \\ 14 \dots \end{array} \left| \begin{array}{l} 99 \\ \hline 7,141414 \dots \end{array} \right.$$

la divisione **non** si arresta

Si possono avere diverse **approssimazioni** della stessa frazione:

$$7 < \frac{707}{99} < 8 \quad 7,1 < \frac{707}{99} < 7,2 \quad 7,14 < \frac{707}{99} < 7,15$$

7; 7,1; 7,14; ... sono **approssimazioni per difetto** della frazione  $\frac{707}{99}$ .

8; 7,2; 7,15; ... sono **approssimazioni per eccesso** della frazione  $\frac{707}{99}$ .



**Applica****Frazioni e numeri decimali**

4 Stabilisci quali frazioni danno origine a numeri decimali limitati e quali a numeri decimali illimitati.

$$\frac{7}{15} \quad \frac{3}{10} \quad \frac{3}{5} \quad \frac{16}{12} \quad \frac{17}{9} \quad \frac{9}{6} \quad \frac{7}{33} \quad \frac{5}{11} \quad \frac{53}{10} \quad \frac{7}{12}$$

5 Scrivi un denominatore tale che la frazione possa essere trasformata in un numero decimale limitato.

$$\frac{6}{\quad} \quad \frac{9}{\quad} \quad \frac{4}{\quad} \quad \frac{5}{\quad} \quad \frac{8}{\quad} \quad \frac{12}{\quad}$$

6 Scrivi un denominatore tale che la frazione possa essere trasformata in un numero decimale illimitato.

$$\frac{13}{\quad} \quad \frac{15}{\quad} \quad \frac{11}{\quad} \quad \frac{12}{\quad} \quad \frac{16}{\quad} \quad \frac{18}{\quad}$$

7 Approssima al centesimo, per difetto, i seguenti numeri decimali.

$$2,7493 \quad 1,171 \quad 0,5409 \quad 3,011 \quad 12,746 \quad 9,035 \quad 5,4999 \quad 6,991$$

**Ripassa****Rappresentazione dei numeri razionali**

I numeri razionali possono essere rappresentati in due modi diversi:

1) con le **frazioni**;

2) con i **numeri decimali**.

1) Le frazioni sono più comode quando si eseguono le operazioni.

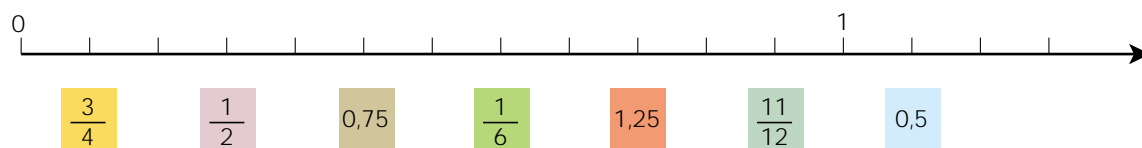
►  $\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} = \frac{2}{9}$  più facile di  $0,333... \cdot 0,666... = ...$

2) I numeri decimali sono più comodi quando si operano dei confronti.

►  $3,1256 < 3,1257$  più facile di  $\frac{5}{6} < \frac{11}{12}$

**Applica****Rappresentazione dei numeri razionali**

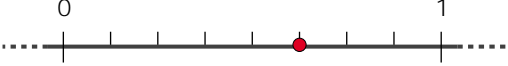
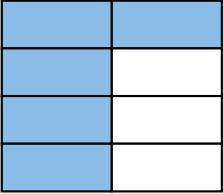

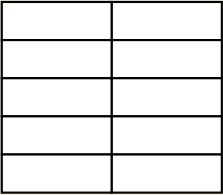

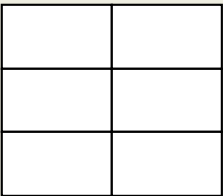

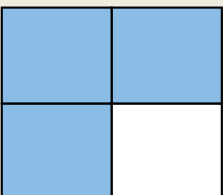

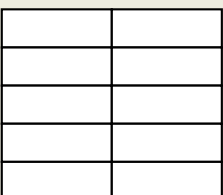

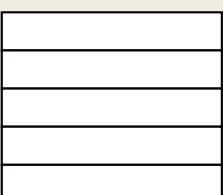
8 Sistema sulla semiretta numerica i numeri razionali.



9 Metti in ordine crescente i numeri razionali.

$$1,13 \quad 2,5 \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{4} \quad 3,6 \quad 2$$

**10** Completa. ( L'UNITA' E' DIVISA IN TANTE PARTI QUANTO E' IL NUMERO AL DENOMINATORE)

frazione	semiretta numerica	rappresentazione geometrica	numero decimale
$\frac{5}{8}$			$5 : 8 = 0,625$
$\frac{3}{10}$			
			
			$3 : 4 = 0,75$
$\frac{4}{10}$			
			$1 : 5 = 0,2$

# Esercizi di potenziamento

**1** Scrivi un numero che soddisfi alle condizioni indicate; scrivi NO se pensi che non ci sia risposta.

- esempio** a)  $> 3,9$  e  $< 4$  ..... **3,98** ..... f)  $< 0,7$  e  $> 0,01$  .....  
 b)  $> 8$  e  $< 8,1$  ..... g)  $< 1$  e  $> 0,9$  .....  
 c)  $> 5$  e  $< 5,1$  ..... h)  $< 2,5$  e  $> 3,01$  .....  
 d)  $< 3$  e  $> 2,4$  ..... i)  $< 1,8$  e  $> 1,9$  .....  
 e)  $> 11,9$  e  $< 11,5$  ..... l)  $< 10$  e  $> 9,9$  .....

**2** Determina il valore della  $x$  in ogni uguaglianza.

$$3,45 + x = 8,875$$

$$x + (28,2582 - 17,35) = 14,871 + 2,99$$

$$x - 12,1954 = 16,3$$

$$(25,4 + 40,651) - x = 9 - 4,762$$

**3** Trova il valore approssimato per eccesso a meno di  $\frac{1}{10}$  corrispondente alla frazione  $\frac{11}{3}$ .

**4** Calcola il valore approssimato per difetto e quello per eccesso a meno di  $\frac{1}{1000}$  dei seguenti numeri decimali periodici.

$1,3\overline{74}$	$2,1\overline{03}$	$5,2\overline{72}$	$3,0\overline{41}$
$3,4\overline{25}$	$7,2\overline{31}$	$6,4\overline{31}$	$5,7\overline{25}$

**5** Se per il numero decimale 7,254 prendi il valore approssimato per difetto 7,2, quanti centesimi in meno hai considerato? E quanti millesimi?

**6** Calcola il valore delle espressioni, applicando la proprietà distributiva della divisione.

$$1 : 0,12 + \frac{11}{25} : 0,12 =$$

$$\frac{14}{5} : 0,11 - 1,59 : 0,11 =$$

$$3 : 0,5 + \frac{13}{2} : 0,5 =$$

**7** Calcola, in decimetri quadrati, l'area di un quadrato avente il lato che misura:

0,3 dm	1,4 dm	2,5 dm
0,5 dm	1,8 dm	3,2 dm

**8** Le seguenti disuguaglianze sono vere per più valori interi da attribuire alla lettera  $x$ .

Trova l'insieme delle soluzioni per ciascuna disuguaglianza.

$$2,50 : x \leq 0,8 \quad x \cdot 0,34 \leq 1,4450 \quad 3,5 \cdot x \leq 11,375$$

**9** Un numero intero è stato diviso per un altro numero intero.

a) Sul calcolatore si legge 0,66666666  
Quali potrebbero essere i numeri?

b) Sul calcolatore si legge 0,06666666  
Quali potrebbero essere i numeri?

c) Sul calcolatore si legge 0,83333333  
Quali potrebbero essere i numeri?

d) Sul calcolatore si legge 0,08333333  
Quali potrebbero essere i numeri?

e) Sul calcolatore si legge 0,11111111  
Quali potrebbero essere i numeri?

**10** Scrivi i seguenti numeri in notazione scientifica.

195 000; 0,009; 27,3; 0,0000077; 1 500.

**11** Scrivi in rappresentazione decimale i seguenti numeri espressi in notazione scientifica

$10,1 \cdot 10^{-2}$ ;  $2,5 \cdot 10$ ;  $7,3 \cdot 10^3$ ;  $2 \cdot 10^{-5}$ ;

**12** Fra le seguenti espressioni una sola non è equivalente all'espressione  $\frac{3}{2} \cdot \frac{4}{5}$ . Quale?

a)  $\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5}$     b)  $\frac{3}{4} \cdot \frac{5}{2}$     c)  $\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5}$     d)  $\frac{3}{2} \cdot \frac{4}{5}$

**13** Solo uno dei seguenti numeri è il risultato dell'operazione  $\frac{4}{5} - \frac{1}{3}$ . Quale?

a)  $\frac{3}{2}$     b)  $-\frac{4}{15}$     c)  $\frac{7}{15}$     d)  $-\frac{3}{2}$

# Test di autovalutazione: **I DECIMALI**

(se hai bisogno , ripassa le formule di trasformazione delle frazioni in decimali o viceversa dai tuoi testi della scuola media)

**1** Nel numero 9,7382 il valore della cifra 3 è:

- A  $\frac{3}{1000}$        D 30  
 B  $\frac{3}{100}$        E 300  
 C  $\frac{3}{10}$

**2** La frazione  $\frac{11}{5}$ , scritta come numero decimale, è:

- A 2,01     B 2,02     C 2,1     D 2,2     E 2,12

**3** La frazione  $\frac{10}{2}$ , scritta come numero decimale, è:

- A 0,5     B 0,2     C 5     D 1,5     E 2,15

**4** Il numero decimale 0,72, espresso come frazione ridotta ai minimi termini, è:

- A  $\frac{72}{1000}$      B  $\frac{72}{10}$      C  $\frac{36}{5}$      D  $\frac{7}{10}$      E  $\frac{18}{25}$

**5** Il più grande di questi numeri: 0,33; 3,30; 0,033; 3,03; 3,13 è:

- A 3,03     B 0,33     C 3,30     D 0,033     E 3,13

**6** Qual è il risultato approssimato del prodotto  $0,215 \cdot 0,04193$ ?

- A 0,8     B 0,008     C 0,09     D 0,009     E 0,9

**7** Sapresti scrivere sotto forma di frazione il numero 3,27?

- A No, perché 3,27 è un numero primo.  
 B No, perché 3,27 non è un numero periodico.  
 C Sì, passando ai centesimi.  
 D Sì, mettendo 327 al denominatore.  
 E Sì, moltiplicando per 100.

**8** Il numero 0,05784, arrotondato per eccesso ai millesimi, è:

- A 0,0547  
 B 0,0578  
 C 0,0579  
 D 0,058  
 E 0,057

**9** Il numero 8,0394, arrotondato per eccesso ai centesimi, è:

- A 8,0  
 B 8,03  
 C 8,039  
 D 8,01  
 E 8,04

**10** La frazione  $\frac{1}{3}$ , scritta come numero decimale, è:

- A  $0,\bar{3}$      B 3     C  $1,\bar{3}$      D 1,3     E 3,1

**11** La frazione generatrice di  $1,6\bar{6}$  è:

- A  $\frac{15}{9}$   
 B  $\frac{16}{9}$   
 C  $\frac{15}{90}$   
 D  $\frac{16}{10}$   
 E  $\frac{11}{9}$

**12** La frazione generatrice di  $1,1\bar{8}$  è:

- A  $\frac{18}{100}$        B  $\frac{107}{90}$        C  $\frac{17}{99}$   
 D  $\frac{18}{90}$        E  $\frac{118}{99}$

Calcola le seguenti percentuali.

**278** 15% di 62;                      10% di 125;  
30% di 200;                      5% di 20.

**279** 15% di 160;                      21% di 300;  
20% di 60;                      0,1% di 28.

## I monomi

Nel sito: ► 11 esercizi in più



Semplifica le seguenti espressioni.

**19**  $-\frac{1}{4}xy + 3x^2 + 5y - \frac{1}{2}xy - \frac{3}{2}x^2 - 5y$   $\left[-\frac{3}{4}xy + \frac{3}{2}x^2\right]$

**20**  $-\frac{1}{2}a^2b^2 + \frac{1}{3}ab^2 - \left(+\frac{2}{3}a^2b^2\right) - ab^2 + \left(+\frac{2}{3}ab^2\right)$   $\left[-\frac{7}{6}a^2b^2\right]$

**21**  $-\frac{3}{2}a + b - \left(-\frac{1}{4}a\right) - (-2b) - \frac{4}{3}b$   $\left[-\frac{5}{4}a + \frac{5}{3}b\right]$

**22**  $\left(-\frac{4}{3}ab\right)\left(-\frac{9}{4}a^2b\right) : (-2ab)^2$   $\left[\frac{3}{4}a\right]$

**23**  $\left(-\frac{25}{9}x^3y^2z\right) : \left(-\frac{10}{3}xy^2z\right) \cdot (6xy)^2$   $[30x^4y^2]$

**24**  $(-3a)^3 \cdot \left[\frac{4}{3}a^2b^4 : (-4a^2b)\right]^2$   $[-3a^3b^6]$

**25**  $\frac{1}{2}xy^2(-x^3y) + x^2y\left(-\frac{3}{2}x^2y^2\right) - x^4(-y^3) + 2x^2y^3(x^2y)$   $[x^4y^3]$

Calcola M.C.D. e m.c.m. fra i seguenti monomi.

**37**  $3x^2y$ ;                       $15a^3x^2$ ;                       $9ax^2y^2$ .                      [M.C.D. =  $3x^2$ ; m.c.m. =  $45a^3x^2y^2$ ]

**38**  $\frac{1}{4}ab^2x$ ;                       $-\frac{2}{3}a^2bx^3$ ;                       $\frac{1}{2}a^3b^3x^3$ .                      [M.C.D. =  $abx$ ; m.c.m. =  $a^3b^3x^3$ ]

**39**  $2a^2x$ ;                       $4ax^3$ ;                       $12a^3x^2b^2$ .                      [M.C.D. =  $2ax$ ; m.c.m. =  $12a^3x^3b^2$ ]

Risolvi le seguenti equazioni numeriche intere.

**71**  $3x - 1 = 2x + 5$ ;                       $4(1 - x) - 2x = 3x + 1$ .                       $\left[x = 6; x = \frac{1}{3}\right]$

**72**  $-6x + 7 = 7 - 6x$ ;                       $2x - 5 = x + 4 + x$ .                      [indeterminata; impossibile]

**73**  $8x - 3 + 2x = 6x + 1 + 4x$ ;                       $-3(x + 1) - 2 - 4x = 2$ .                      [impossibile;  $x = -1$ ]

**74**  $8(x - 1) - 2(x + 3) = 3(2x - 1) - 5 - 17x$   $\left[x = \frac{6}{17}\right]$

**75**  $3(2x - 1) + (2x - 7) = 3(x + 1) - (-3x - 1) + 3x + 2$   $[x = -16]$